Geomechanics

Оригинальная статья / Original Paper

https://doi.org/10.30686/1609-9192-2023-6-109-115

Анализ внезапного выброса газоугольной смеси из полости конической формы, сформированной в процессе выброса

С.В. Черданцев , П.А. Шлапаков, К.С. Лебедев

АО «Научный центр ВостНИИ по промышленной и экологической безопасности в горной отрасли», г. Кемерово,

Российская Федерация ⊠ svch01@yandex.ru

Резюме: Непременными атрибутами при добыче угля подземным способом являются метан и угольная пыль различной дисперсности. При их смешивании образуются газоугольные смеси, предрасположенные к различным опасным и особо опасным газодинамическим явлениям, в первую очередь к внезапным выбросам, сопровождающимся образованием полостей в угольном массиве и интенсивным выделением из них газоугольных смесей в выработки. В статье рассматривается задача об одномерном стационарном течении газоугольной смеси в подземной полости конусообразной формы, образующейся в процессе внезапного выброса. В качестве базовых уравнений используются уравнение движения Эйлера и уравнение неразрывности. В результате их преобразования получено обыкновенное дифференциальное уравнение первого порядка, для которого сформулирована задача Коши. Решением задачи Коши является трансцендентное уравнение относительно искомых чисел Маха. Корни трансцендентного уравнения вычислены с помощью математического порграммного пакета MathCAD. После нахождения чисел Маха определены остальные параметры смеси: давление, плотность и температура газоугольной смеси в любой точке конической области, включая их критические значения. Построены графики, на основе которых установлены некоторые закономерности одномерного стационарного течения газоугольной смеси и в любой точке конической области. В мастности в уравнение и температура газоугольной смеси в любой точке конической области, включая их критические значения, плотность и температура газоугольной смеси в любой точке конической области, включая их критические значения газоугольной смеси в конической области, выявлено, чис с ростом числа Маха параметры газоугольной смеси нелинейно уменьшаются, а с увеличением показателя адиабаты Пуассона давление и температура уменьшаются, а плотность увеличивается.

Ключевые слова: горные выработки, угольный пласт, внезапные выбросы, газоугольные смеси, уравнения газовой динамики, число Маха, критические параметры

Для цитирования: Черданцев С.В., Шлапаков П.А., Лебедев К.С. Анализ внезапного выброса газоугольной смеси из полости конической формы, сформированной в процессе выброса. *Горная промышленность*. 2023;(6):109–115. https://doi. org/10.30686/1609-9192-2023-6-109-115

Analysis of a sudden release of a gas-coal mixture from a conical cavity formed during the gas outburst

S.V. Cherdantsev, P.A. Shlapakov, K.S. Lebedev

Scientific Centre VOSTNII on industrial and ecological safety in mountain industry JC (JC NC VOSTNII), Kemerovo, Russian

Federation

⊠ svch01@yandex.ru

Abstract: Indispensable attributes in underground coal mining are methane and coal dust of various particle sizes. When they are mixed, coal-gas mixtures are formed, predisposed to various hazardous and extremely hazardous gas-dynamic phenomena, primarily to sudden emissions, accompanied by formation of cavities in the coal massif and intensive release of coal-gas mixtures from these cavities into the mine workings. The article deals with the problem of a one-dimensional stationary flow of a gas-coal mixture in an underground cone-shaped cavity formed during a sudden release. The Euler equation of motion and the continuity equation are used as the basic equations. As a result of their transformation, an ordinary differential equation of the first order is obtained, for which the Cauchy problem is formulated. The solution to the Cauchy problem is a transcendental equation with respect to the desired Mach numbers. The roots of the transcendental equation are calculated using the MathCAD mathematical software suite. Upon finding the Mach numbers, the remaining parameters of the mixture are determined, i.e. the pressure, density and temperature of the gas-coal mixture at any point in the conical region, including their critical values. Graphs are constructed that were used as the basis to establish some regularities of the one-dimensional stationary flow of a gas-coal mixture in a conical region. In particular, it was found that with an increase in the Mach number, parameters of the gas-coal mixture decrease non-linearly, and with an increase in the Poisson's adiabatic index, the pressure and temperature decrease, and the density increases.

Geomechanics

Keywords: mining, coal seam, sudden emissions, coal gas mixtures, gas dynamics equations, Mach number, critical parameters *For citation:* Cherdantsev S.V., Shlapakov P.A., Lebedev K.S. Analysis of a sudden release of a gas-coal mixture from a conical cavity formed during the gas outburst. *Russian Mining Industry.* 2023;(6):109–115. (In Russ.) https://doi.org/10.30686/1609-9192-2023-6-109-115

Введение

Внезапные выбросы угля и газа в угольных шахтах происходят в течение многих десятилетий, практически во всех угледобывающих странах [1]. За этот период времени были накоплены и систематизированы многочисленные факты реализации внезапных выбросов. Однако к настоящему времени пока не создана единая теория внезапных выбросов угля и газа, описывающая их причинно-следственные связи протекания с единых методологических позиций.

Дело в том, что механизм внезапных выбросов очень сложен и обусловлен целым рядом сопряженных между собой явлений и факторов. По мнению ряда авторов [1–3], для корректного описания процесса внезапного выброса необходимо совместно сформулировать и найти решения, по крайней мере, трех задач. Первая из этих задач описывает фильтрацию газа в угольном пласте, вторая – рассматривает напряженно-деформированное состояние пласта, его разрушение вблизи забоя и образование подземных полостей и каверн. И, наконец, третья задача описывает особенности течения газоугольного потока в образовавшейся полости и его последующего выброса. Особо отметим, что все эти задачи тесно связаны между собой.

В первую очередь необходимо учесть, что непосредственно перед выбросом угольный пласт в краевой части вследствие процессов разрушения и трещинообразования значительно увеличивает свою проницаемость. В этом случае формируется мощный фильтрационный поток свободного газа, содержащегося в порах и трещинах, направленный из пласта к угольному обнажению, а затем в горную выработку. Таким образом, чтобы установить параметры фильтрационного потока перед выбросом необходимо определить параметры трещиноватости в краевой части разрушающегося пласта. К сказанному добавим, что форму и размеры образующейся в результате выброса полости можно установить только в результате решения второй задачи о напряженно-деформированном состоянии пласта и лишь после этого можно рассмотреть третью задачу о течении газоугольного потока внутри полости.

Обратим внимание, что все три указанные задачи в едином комплексе еще не обсуждались, ввиду очевидной сложности. Однако следует отметить ряд работ, которые внесли существенный вклад в решение каждой из этих задач.

Так, в статьях [4; 5] рассматриваются различные подходы к решению первой задачи. В частности, в статье [4] для описания геомеханических и физико-химических процессов в многофазных угольных пластах представлено так называемое аналитическое «операторное продолжение», связывающее между собой уравнение Ленгмюра и кинематическое уравнение для волн маятникового типа в напряженных геосредах. В статье [5] обсуждается математическая модель для описания фильтрации и диффузии свободного и сорбированного газа в угольном пласте. Рассмотрены ее асимптотические варианты, рассматривающие равновесное движение газа в порах при разных видах изотермы сорбции.

В рамках решения второй задачи отметим работы [6–8]. Например, в работе [6] показано, что выброс угля и газа осуществляется за счет энергии первоначально сжатого газа, заполняющего пространство между нераздробленными частицами угля и энергии сорбированного газа, способного к быстрому выделению из разрушенного угля. А в работах [7; 8] рассмотрена математическая модель породоугольного массива, предрасположенного к внезапному выбросу. За критерий выброса угля и газа принято условие, при котором не выполняется равновесие части пласта, находящейся под действием давления метана и сил трения между угольным пластом и «слабым» слоем, критическая длина которого вычислена в работе [8].

Третья задача обсуждалась в работах [9–12]. В работах [9; 10] показано, что если подземная полость состоит из сужающейся и расширяющейся частей, то выброс газа из подземной полости может произойти со сверхзвуковой скоростью и образованием ударной волны в выработке [11]. В работе [12] показано, что объемная доля пылевидного угля в двухфазном потоке является существенным фактором, влияющим на процесс затухания ударной волны, обусловленной внезапным выбросом.

В данной статье обсуждается третья задача о внезапных выбросах в рамках следующих допущений:

1) течение газоугольной смеси мы полагаем одномерным и стационарным;

2) если частицы угля пылевидные, то ввиду их малости мы пренебрегаем весом частиц и полагаем, что они и дальше будут двигаться со скоростью газового потока. Если же угольные частицы достаточно крупные, то кроме аэродинамических сил, на них действует сила тяжести, которая тормозит движение крупных частиц и быстро их останавливает, в то время как процесс истечения газа и пылевидных угольных частиц из полости продолжается еще некоторое время;

3) поскольку в работе рассматриваются только пылевидные частицы, то на основании второго допущения вместо двухкомпонентной смеси мы будем рассматривать однокомпонентную смесь, в силу чего газоугольную смесь будем полагать идеальным, политропным газом.

Из второго допущения следует, что количество выброшенного угля составляет лишь часть от массы всего угля в зоне отжима, а количество выброшенного газа определяется его содержанием во всей зоне отжима, из которой он выйдет полностью за определенный промежуток времени. Поэтому объем газа значительно превышает объем крупных угольных частиц.

Анализ форм подземных полостей и каверн, представленных в монографии [1], позволяет аппроксимировать некоторые виды подземных полостей совокупностью двухтрех геометрических фигур. В этой связи в данной статье подземная полость, образующаяся в результате выброса, рассматривается как область, состоящая из двух частей,

Geomechanics



Рис. 1 Форма подземной полости, образовавшейся при внезапном выбросе угля и газа: 1 – горная выработка, 2 – подземная полость

Fig. 1 The shape of the underground cavity formed by sudden coal and gas release: 1 – a mine workings, 2 – an underground cavity

одна из которых имеет форму, близкую к полусфере, а вторая представляет собой круговой усеченный конус (рис. 1).

В процессе построения расчетной модели будем использовать аналогию между течением газа в подземной полости и течением в конфузоре энергетического сопла [13–15].

Постановка задачи о течении газоугольной смеси внутри подземной полости

На основании первого и третьего допущений для описания течения газоугольной смеси внутри подземной полости воспользуемся уравнением движения Эйлера и уравнением неразрывности. При стационарном, одномерном течении газа уравнение Эйлера имеет вид [13–15]

$$v\frac{dv}{dx} = -\frac{1}{\rho}\frac{dp}{dx},\tag{1}$$

где *v*, ρ, *p* – скорость, плотность и давление газоугольной смеси в полости; *x* – декартовая координата (см. рис. 1).

Уравнение неразрывности запишем в следующем виде [13–15]:

$$\rho v S = \text{const}$$
, (2)

где *S* – площадь произвольного поперечного сечения полости, координата которого *x*.

Продифференцировав уравнение (2) по *х* и подставив в уравнение (1), имеем

$$\frac{v^2}{\rho} \frac{1}{a^2} \frac{dp}{dx} + \frac{v^2}{S} \frac{dS}{dx} = \frac{1}{\rho} \frac{dp}{dx}.$$
(3)

В формуле (4), (3) величина *а* – является скоростью звука в газе, определяемая как [13]

$$a = \sqrt{\frac{dp}{d\rho}} = \sqrt{k\frac{p}{\rho}},$$
(4)

где k – показатель адиабаты Пуассона. Поскольку величина М = v/a является числом Маха, то равенство (3) сначала преобразуем к виду

$$(1-M^2)\frac{dp}{dx} = \rho \frac{v^2}{S} \frac{dS}{dx},$$
(5)

а затем с помощью (1) получим соотношение

$$(M^2 - 1)\frac{dv}{v} = \frac{dS}{S}.$$
 (6)

Отметим, что уравнение (1) устанавливает зависимость между производными dv/dx и dp/dx, уравнение (5) связывает между собой производные dp/dx и dS/dx, а уравнение (6) устанавливает связь между dv/v и dS/S. Из анализа этих уравнений вытекают следующие выводы.

1. Если число Маха M < 1, то 1 – M² > 0, и поэтому из уравнения (5) следует, что знаки производных dp/dx и dS/dx совпадают. Следовательно, если сечение полости *S* сужается (dS/dx < 0), то давление газоугольной смеси падает (dp/dx < 0), а скорость, как это следует из уравнения (1), увеличивается (dx/dx > 0). Если же площадь S увеличивается (dS/dx > 0), то давление р тоже возрастает (dp/dx > 0), а скорость у уменьшается (dv/dx < 0).

2. Если M < 1, то величина 1 – М² < 0, и, следовательно, знаки производных dp/dx и dS/dx будут противоположными. В силу этого, если сечение уменьшается (dS/dx < 0), то давление возрастает (dp/dx > 0), а скорость уменьшается (dv/dx < 0). Если же площадь увеличивается (dS/dx > 0), то давление падает (dp/dx < 0), а скорость – увеличивается (dv/dx > 0).

3. Если M = 1, то 1 – M² = 0, и из уравнения (5) следует, что в некоторой точке х производная dS/dx = 0, и поэтому площадь сечения*S* в этой точке имеет экстремальное значение.

Из уравнения (6) следует, что если M < 1, то приращение скорости потока сопровождается уменьшением площади полости, а при M > 1, наоборот, рост скорости потока возможен только при увеличении сечения полости. Поэтому в точке x = xkp значение площади сечения полости должно быть минимальным $-S = S_{min}$. При этом условии скорость газоугольного потока в точке x = xkp становится равной скорости звука (M = 1), в связи с чем ее называют критической скоростью $v = v_{kp} = a_{kp}$, а сечение S_{min} называют соответственно критическим сечением S_{kp} .

Таким образом, чтобы получить сверхзвуковую скорость смеси, необходимо наличие в подземной полости трех элементов: суживающейся части (конфузора), горловины, в которой площадь $S = S_{min}$, и расширяющейся части (диффузора). Именно так и устроены энергетические сопла, предназначенные для получения потоков со сверхзвуковыми скоростями [13–15].

Решение задачи о течении газоугольной смеси внутри подземной полости конической формы

Для получения количественных оценок воспользуемся уравнением Бернулли [13]

$$\frac{v^2}{2} + \frac{a^2}{k-1} = \frac{a_0^2}{k-1},\tag{7}$$

где *a*₀ – скорость звука в покоящемся газе.

Продифференцировав уравнение (7) и выполнив преобразования, получим равенство

$$\frac{dv}{v} = \frac{dM}{M\left(1 + \frac{k-1}{2}M^2\right)},\tag{8}$$

связывающее скорость течения газа с числом Маха и показателем адиабаты Пуассона.

Geomechanics

Найденное из формулы (8) отношение *dv/v* подставляем в (6) и после преобразования приходим к дифференциальному уравнению

$$\frac{2(M^2 - 1)}{2 + M^2(k - 1)} \frac{dM}{M} = \frac{dS}{S},$$
(9)

в котором переменные разделены. Поскольку область течения газоугольной смеси представляет собой круговой усеченный конус, то

$$S = \pi r^2$$
; $dS = 2\pi r dr$

и тогда уравнение (9) приводится к виду

$$\frac{(M^2 - 1)dM}{2M + M^3(k - 1)} = \frac{dr}{r}.$$
 (10)

Если на выходе смеси из конической полости M = 1, то имеет место следующее условие:

$$\mathsf{M}\big|_{r=r_k} = 1\,,\tag{11}$$

где r_k – радиус малого поперечного сечения конической полости.

Условие (11) можно рассматривать в качестве граничного условия для уравнения (10), в силу чего уравнение (10) и граничное условие (11) представляют собой задачу Коши.

Поскольку в уравнении (10) переменные разделены, то, интегрируя его и учитывая условие (11), имеем

$$M^{-2(k-1)}[2+M^{2}(k-1)]^{2}k = (C \cdot r)^{4(k-1)}.$$
 (12)

Подставляя условие (11) в (12), придем к уравнению

$$(k+1)^2 k = (C \cdot r_k)^{4(k-1)},$$
из которого находим постоянную интегрирования

 $1 \ \Box \ 2 \ 2^{1/4(k-1)}$

$$C = \frac{1}{r_k} \left[(k+1)^2 k \right]^{1/4(k-1)} .$$
(13)

Поскольку полость имеет форму усеченного конуса, то между текущим радиусом поперечного сечения *r* и координатой *x* имеет место следующее соотношение:

$$r = r_k + (L - x) \cdot \operatorname{tg} \alpha \,, \tag{14}$$

содержащее радиус выходного сечения полости r_k , ее длину L и угол конусности α .

Подставив формулу (14) в равенство (12), получим уравнение

$$\mathbf{M}^{-2(k-1)}[2+\mathbf{M}^{2}(k-1)]^{2}k = \left\{ C[r_{k}+(L-x)\mathrm{tg}\;\alpha] \right\}^{4(k-1)},$$
(15)

левая часть которого зависит только от числа Маха, а правая – только от координаты x. Поэтому для отыскания решения уравнения (15) мы поступим следующим образом. Вначале вычислим в ряде точек x = 0, 1, 2, ... 10 м значения функции

$$X(x) = \left\{ C \left[r_k + (L - x) \operatorname{tg} \alpha \right] \right\}^{4(k-1)},$$
(16)

представляющей собой правую часть уравнения (15).

Затем, подставив найденные значения *X*(*x*) в (15), получим уравнение

$$M^{-2(k-1)}[2 + M^{2}(k-1)]^{2}k = X(x)$$
(17)

относительного искомого числа Маха. Количество уравнений (17) соответствует количеству выбранных точек *x*.

Поскольку уравнение (17) трансцендентное, то найти его решение в замкнутом виде невозможно. Поэтому в данной работе использовался математический программный пакет MathCAD, в котором решение уравнения найдено численно с использованием связки функций Given–Find. Так, например, при k = 1,4; $\alpha = 5^{\circ}$; $r_k = 0,5$ м; L = 10 м числа Маха, найденные из уравнения (17) в точках x = 0; 2; 8 м, оказались равными соответственно M = 0,084; 0,111; 0,373.

Чтобы найти давление, плотность, температуру и скорость газоугольной смеси, воспользуемся уравнением Бернулли (7), из которого с помощью формулы (4), получим соотношение

$$\frac{p_0}{\rho_0} \frac{\rho}{p} = \frac{k-1}{2} \mathbf{M}^2 + 1.$$
(18)

Поскольку согласно четвертому допущению газ политропный, то, учитывая формулу адиабаты Пуассона [13]

$$p = D\rho^k , (19)$$

где *D* – некоторая постоянная величина, после преобразования сначала получим формулу для определения давления газоугольной смеси в конической части подземной полости

$$\frac{p}{p_0} = \overline{p} = \left(1 + \frac{k-1}{2} \cdot M^2\right)^{-k/(k-1)},$$
(20)

а затем и формулу для плотности газа

$$\frac{\rho}{\rho_0} = \overline{\rho} = \left(1 + \frac{k-1}{2} \cdot M^2\right)^{-1/(k-1)}.$$
(21)

Учитывая уравнение Менделеева–Клапейрона $\rho^{-=RT}$ и принимая во внимание, что скорость звука в газе может быть определена по формуле $a = \sqrt{kRT}$, находим относительную температуру газоугольной смеси

$$\frac{T}{T_0} = \overline{T} = \frac{2}{2 + (k-1)M^2}.$$
(22)

Из уравнения Бернулли и формул (20), (21) нетрудно получить формулу для скорости истечения газа из подземной полости

$$\overline{\nu} = \sqrt{\frac{2}{k-1}} \left[1 - \left(1 + \frac{k-1}{2} \cdot \mathbf{M}^2 \right)^{-1} \right], \tag{23}$$

где \overline{v} – скорость газоугольной смеси, отнесенная к скорости звука в покоящемся газе a_0 , т.е.

$$\overline{v} = v / a_0, \qquad (24)$$

откуда получаем формулу

$$a = \frac{\overline{v} \cdot a_0}{M} \tag{25}$$

для определения скорости звука а в произвольном сечении конической области.

T(k) Geomechan

Анализ полученных результатов

Вышеприведенные рассуждения позволяют нам составить алгоритм вычисления искомых параметров газоугольной смеси вдоль конической части подземной полости, который представляется в следующем виде.

Вначале разбиваем длину L конической полости точками *x_i* на *n* участков. В каждой точке *x_i* определяем значение функции *X*(*x_i*) по формуле (16), затем отыскиваем решение трансцендентного уравнения (17), корнями которого являются числа Маха М_і. Для каждого числа М_і по формулам (20) - (23), (25) вычисляем соответственно давление \overline{p}_{i} , плотность $\overline{\rho}_i$, температуру \overline{T}_i , скорость \overline{v}_i газоугольной смеси и скорость звука в ней а_і. По вычисленным значениям можно построить графики искомых параметров смеси.

В данной статье вычислительные процедуры выполнены при исходных данных, указанных ранее. На рис. 2 показаны графики некоторых параметров газоугольной смеси вдоль конической части подземной полости.



Распределение параметров газоугольной смеси вдоль продольной оси полости

Рис. 2

mixture parameters along the longitudinal axis of the cavity

Анализируя представленные графики, замечаем, что на выходе из полости (в точке *x* = 10 м) число Маха достигает единицы и, следовательно, скорость газоугольной смеси имеет критическое значение. Функция M(*x*) на рассматриваемом участке $x \in [0; 10_{M}]$ всюду монотонно растет, а ее график представляет собой сильно вогнутую кривую. Напротив, функции $\overline{p}(x)$, $\overline{p}(x)$, $\overline{T}(x)$, на участке $x \in [0;10M]$ монотонно уменьшаются, особенно при значениях x > 8 м, а их графики являются выпуклыми кривыми.

Обратим внимание, что искомые параметры газоугольной смеси являются функциями числа Маха и показателя адиабаты Пуассона. Их графики показаны на рис. 3, а и 3, б.



Рис. 3 Графики зависимостей параметров смеси от числа Маха при k = 1,4 (*a*) и графики зависимостей параметров смеси от показателя адиабаты k при M = 1 (б)

Fig. 3

Graphs of the mixture parameters dependence on the Mach number at k = 1,4 (a) and graphs of the mixture parameters dependence on the adiabatic index k at M = 1 (δ)

Анализируя графики на рис. 3, а, замечаем, что они качественно схожи, поскольку на рассматриваемом отрезке М ∈ [0;1] все графики выпуклы и монотонно убывают, причем особенно интенсивно убывает функция $\overline{p}(M)$, характеризующая давление газоугольной смеси. Графики функций $\overline{p}(k)$, $\overline{\rho}(k)$, $\overline{T}(k)$, показанные на рис. 3, δ , построены при M = 1. Анализ графиков показывает, что на рассматриваемом отрезке $k \in [1, 1, 5]$ функция $\overline{p}(k)$ монотонно уменьшается, а ее график представляет собой прямую линию. Напротив, функция $\overline{\rho}(k)$ монотонно возрастает, но ее график также является прямой линией. График же функции $\overline{T}(k)$ представляет слабо вогнутую кривую, характеризующую монотонное убывание функции.

Приведенный анализ графиков на рис. 2, 3, а и 3, б показывает, что с увеличением числа Маха давление, плотность и температура газоугольной смеси нелинейно уменьшаются, причем особенно сильно – давление. С увеличением же показателя адиабаты Пуассона k уменьшаются только давление и температура, а плотность, наоборот, увеличивается.

Подставив в формулы (20) - (23) значение числа Маха М = 1, определим сначала критические параметры газоугольной смеси:

$$p_{kp} = p_0 \left(1 + \frac{k-1}{2} \right)^{-k/(k-1)}, \quad \rho_{kp} = \rho_0 \left(1 + \frac{k-1}{2} \right)^{-1/(k-1)},$$
$$T_{kp} = T_0 \frac{2}{k+1}, \quad v_{kp} = a_{kp} = a_0 \sqrt{\frac{2}{k+1}},$$

а затем по формуле (2) вычислим массу газоугольной смеси *Q*_{kp} в процессе выброса из подземной полости в горную выработку

$$Q_{kp} = \rho_{kp} v_{kp} S_{kp} = \rho_0 \left(1 + \frac{k-1}{2} \right)^{-1/(k-1)} \cdot a_0 \sqrt{\frac{2}{k+1}} \cdot \pi r_{kp}^2 = \rho_0 a_0 \pi r_{kp}^2 \left(\frac{2}{k+1} \right)^{(k+1)/[2(k-1)]} \cdot (26)$$

Из формулы (26) видно, что масса смеси, выброшенной из подземной полости, зависит только от состояния смеси внутри полости и не зависит от параметров смеси вне полости.

Заключение

Основные результаты работы сводятся к следующему:

- сформулирована задача, описывающая одномерное, стационарное течение газоугольной смеси в подземной полости конической формы;

- в процессе построения решения сформулированной задачи получено трансцендентное уравнение относительно числа Маха, корни которого вычислены с помощью математического программного пакета MathCAD;

- найденные числа Маха позволили определить основные параметры газоугольной смеси: давление, плотность, температуру, в том числе и критические их значения;

– по вычисленным значениям параметров построены их графики вдоль продольной оси полости, а также в зави-

Geomechanics

симости от значения числа Маха и показателя адиабаты Пуассона. Анализ графиков позволил установить:

а) числа Маха на участке $x \in [0; L]$ всюду монотонно возрастают, а давление, плотность и температура, наоборот, монотонно уменьшаются, особенно заметно при x > 8 м;

б) с увеличением числа Маха давление, плотность и температура смеси нелинейно уменьшаются, причем особенно сильно уменьшается давление. С увеличением же показателя адиабаты Пуассона *k* уменьшаются только давление и температура, а плотность увеличивается.

Список литературы

1. Ходот В.В. Внезапные выбросы угля и газа. М.: Госгортехиздат; 1961. 363 с.

2. Христианович С.А. Распределение давления газа вблизи движущейся свободной поверхности угля. *Известия АН СССР*. 1953;(12):1673–1678.

3. Трофимов В.А. Внезапный выброс угля и газа. Вынос угля и газа в выработанное пространство. Горный информационноаналитический бюллетень. 2011;(S1):391–405.

4. Oparin V.N. Theoretical fundamentals to describe interaction of geomechanical and physicochemical processes in coal seams. Journal of Mining Science. 2018;53(2):201–215. https://doi.org/10.1134/S1062739117022031

5. Fedorov A.V., Fedorchenko I.A. Mathematical modeling of methane flow in coal beds. *Journal of Mining Science*. 2009;45(1):9–21. https://doi.org/10.1007/s10913-009-0002-0

6. Fedorov A.V. Shock wave in a coal bed under nonuniform desorption. *Journal of Mining Science*. 2014;50(1):38–42. https://doi. org/10.1134/S1062739114010062

7. Черданцев Н.В., Черданцев С.В., Зыков В.С. Моделирование геомеханического состояния породного массива, вмещающего выработку и дизъюнктивное нарушение. *Маркшейдерский вестник*. 2017;(3):51–55.

8. Черданцев Н.В. Результаты численного решения уравнений предельного состояния краевой зоны пласта и их аппроксимация полиномами. *Безопасность труда в промышленности*. 2019;(6):7–13. https://doi.org/10.24000/0409-2961-2019-6-7-13

9. Черданцев С.В., Черданцев Н.В., Ли Х.У., Лебедев К.С., Ли К.Х., Хаймин С.А. Определение параметров суфлярных выделений газа из угольного пласта в горные выработки. *Вестник Научного центра по безопасности работ в угольной промышленности.* 2017;(1):26–33.

10. Черданцев Н.В., Черданцев С.В., Ли Х.У., Филатов Ю.М., Шлапаков П.А., Лебедев К.С. Об одном подходе к описанию суфлярных выделений газа из резервуаров угольного массива в горные выработки. *Безопасность труда в промышленности*. 2017;(3):45–52. https://doi.org/10.24000/0409-2961-2017-3-45-52

11. Черданцев С.В., Шлапаков П.А., Потапов П.В., Голоскоков С.И., Лебедев К.С., Шлапаков Е.А. Математическое моделирование процесса формирования и выброса смеси «газ-уголь» в горные выработки. Вестник Научного центра ВостНИИ по промышленной и экологической безопасности. 2021;(3):40–52. https://doi.org/10.25558/VOSTNII.2021.31.51.005

12. Zhou A.T., Wang K., Oparin V.N. Regularities of two-phase gas flow under coal and gas outbursts in mines. *Journal of Mining Science*. 2018;53(3):533–543. https://doi.org/10.1134/S1062739117032476

13. Пирумов У.Г., Росляков Г.С. Газовая динамика сопел. М.: Наука; 1990. 368 с.

14. Ilakkiya S., Sridhar B.T.N. Study of decay, spread, and shock structure of a supersonic jet issuing from a C-D nozzle with semi-circular grooves. *Thermophysics and Aeromechanics*. 2022;29(3):327–346. https://doi.org/10.1134/S0869864322030027

15. Gromyko Yu.V., Tsyryulnikov I.S., Maslov A.A. Development of a method for determining flow parameters in impulse wind tunnels. *Thermophysics and Aeromechanics*. 2022;29(5):659–672. https://doi.org/10.1134/S0869864322050043

References

1. Khodot V.V. Sudden emissions of coal and gas. Moscow: Gosgortehizdat; 1961. 363 p. (In Russ.)

2. Khristianovich S.A. Distribution of gas pressure near the moving free surface of coal. Izvestiya AN SSSR. 953;(12):1673–1678. (In Russ.)

3. Trofimov V.A. Sudden release of coal and gas. Removal of coal and gas into the developed space. *Mining Informational and Analytical Bulletin.* 2011;(S1):391–405. (In Russ.)

4. Oparin V.N. Theoretical fundamentals to describe interaction of geomechanical and physicochemical processes in coal seams. Journal of Mining Science. 2018;53(2):201–215. https://doi.org/10.1134/S1062739117022031

5. Fedorov A.V., Fedorchenko I.A. Mathematical modeling of methane flow in coal beds. *Journal of Mining Science*. 2009;45(1):9–21. https://doi.org/10.1007/s10913-009-0002-0

Geomechanics

6. Fedorov A.V. Shock wave in a coal bed under nonuniform desorption. *Journal of Mining Science*. 2014;50(1):38–42. https://doi. org/10.1134/S1062739114010062

7. Cherdantsev N.V., Cherdantsev S.V., Zykov V.S. Modeling of the geomechanical state of the rock mass, including the development and disjunctive dislocation. *Mine Surveying Bulletin*. 2017;(3):51–55. (In Russ.)

8. Cherdantsev N.V. The results of the numerical solution of the equations of the limit state of the seam marginal zone and their approximation by the polynoms. *Occupational Safety in Industry.* 2019;(6):7–13. (In Russ.) https://doi.org/10.24000/0409-2961-2019-6-7-13

9. Cherdantsev S.V., Cherdantsev N.V., Li Kh.U., Lebedev K.S., Lee K.H., Khaymin S.A. Determination of gas blowing emission parameters from coal massif into mine openings. Bulletin of Research Center for Safety in Coal Industry (Industrial Safety). 2017;(1):26–33. (In Russ.)

10. Cherdantsev N.V., Cherdantsev S.V., Lee Kh.U., Filatov Yu.M., Shlapakov P.A., Lebedev K.S. About one approach to the description of blow of methane from the coal massif to the mine workings. *Occupational Safety in Industry*. 2017;(3):45–52. (In Russ.) https://doi. org/10.24000/0409-2961-2017-3-45-52

11. Cherdantsev S.V., Shlapakov P.A., Potapov P.V., Goloskokov S.I., Lebedev K.S., Shlapakov E.A. Mathematical modeling of the process of formation and discharge of the gas-coal mixture into mining works. *Bulletin of Research Center for Safety in Coal Industry (Industrial Safety)*. 2021;(3):40–52. (In Russ.) https://doi.org/10.25558/VOSTNII.2021.31.51.005

12. Zhou A.T., Wang K., Oparin V.N. Regularities of two-phase gas flow under coal and gas outbursts in mines. *Journal of Mining Science*. 2018;53(3):533–543. https://doi.org/10.1134/S1062739117032476

13. Pirumov U.G., Roslyakov G.S. Gas dynamics of nozzles. Moscow: Nauka; 1990. 368 p. (In Russ.)

14. Ilakkiya S., Sridhar B.T.N. Study of decay, spread, and shock structure of a supersonic jet issuing from a C-D nozzle with semi-circular grooves. *Thermophysics and Aeromechanics*. 2022;29(3):327–346. https://doi.org/10.1134/S0869864322030027

15. Gromyko Yu.V., Tsyryulnikov I.S., Maslov A.A. Development of a method for determining flow parameters in impulse wind tunnels. *Thermophysics and Aeromechanics*. 2022;29(5):659–672. https://doi.org/10.1134/S0869864322050043

Информация об авторах

Черданцев Сергей Васильевич – доктор технических наук, главный научный сотрудник, АО «Научный центр ВостНИИ по промышленной и экологической безопасности в горной отрасли» (АО «НЦ ВостНИИ»), г. Кемерово, Российская Федерация; e-mail: svch01@yandex.ru

Шлапаков Павел Александрович – кандидат технических наук, заведующий лабораторией, АО «Научный центр ВостНИИ по промышленной и экологической безопасности в горной отрасли» (АО «НЦ ВостНИИ»), г. Кемерово, Российская Федерация; e-mail: shlapak1978@mail.ru

Лебедев Кирилл Сергеевич – старший научный сотрудник, АО «Научный центр ВостНИИ по промышленной и экологической безопасности в горной отрасли» (АО «НЦ ВостНИИ»), г. Кемерово, Российская Федерация; e-mail: lebedevks1987@yandex.ru

Информация о статье

Поступила в редакцию: 21.09.2023 Поступила после рецензирования: 24.10.2023 Принята к публикации: 03.11.2023

Information about the authors

Sergei V. Cherdantsev – Dr. Sci. (Eng.), Leading Researcher, Scientific Centre VOSTNII on industrial and ecological safety in mountain industry JC (JC NC VOSTNII), Kemerovo, Russian Federation; e-mail: svch01@yandex.ru

Pavel A. Shlapakov – Can. Sci. (Eng.), Laboratory Head, Scientific Centre VOSTNII on industrial and ecological safety in mountain industry JC (JC NC VOSTNII), Kemerovo, Russian Federation; e–mail: shlapak1978@mail.ru

Kirill S. Lebedev – Senior Researcher, Scientific Centre VOSTNII on industrial and ecological safety in mountain industry JC (JC NC VOSTNII), Kemerovo, Russian Federation; e-mail: lebedevks1987@yandex.ru

Article info Received: 21.09.2023 Revised: 24.10.2023 Accepted: 03.11.2023